

BEZSNÍMAČOVÉ URČOVANIE POLOHY ROTORA SYNCHRÓNNEHO MOTORA S PM SO ZAMERANÍM NA METÓDU INJEKTOVANIA VF SIGNÁLU

SENSORLESS ROTOR POSITION DETERMINATION OF PMSM FOCUSING ON HF SIGNAL INJECTION METHOD

Roman Filka, Branislav Dobrucky

*Katedra elektrickej trakcie a energetiky, Elektrotechnická fakulta
Žilinská univerzita v Žiline, Veľký Diel, 010 26 Žilina
filka@kete.utc.sk , dobrucky@fel.utc.sk*

Abstrakt Článok opisuje metódu injektovania vf signálu na určovanie polohy rotora synchrónneho motora s permanentnými magnetmi (SMsPM) pre bezsnímačový pohon. Osobitne sa venuje generovaniu a injektovaniu vf signálu a filtrovaniu priamej zložky vektora vf prúdu. Výsledky simulačných experimentov ukazujú vhodnosť metódy na určovanie polohy v celom uvažovanom rozsahu rýchlosťi motora.

Summary The paper deals with hf injection method for rotor position determination of sensorless permanent magnet synchronous motor (PMSM) drive. Special attention is paid to generation- and injection of hf signal as well as to filtering of positive component of current hf vector. The results of simulation experiments verify suitably of used method for whole intended range of motor angular speed.

1. ÚVOD

Zvýšenie spoľahlivosti, presnosti a rýchlosťi regulácie elektrického pohonu, sa v dnešnej dobe stalo celkom jasným cieľom výskumu v oblasti riadenia elektrických pohonov. Kedže je tento trend nastúpený už pomerne dlhší čas, je zjavné, že zvýšenie spoľahlivosti pohonu sa pri použití mechanických častí v regulačnej slučke stáva značne obtiažnym. Sú to práve tieto mechanické prvky, ako snímače polohy resp. rýchlosťi, ktoré zvyšujú nároky na mechanickú konštrukciu a rozmery pohonu a v konečnom dôsledku aj poruchovosť a teda nižšiu spoľahlivosť celého systému. Výsledkom, logicky plynúcim z týchto faktov, je postupná snaha o obmedzovanie a prípadnú nahradu všetkých mechanických snímačov elektrickými. V prípade mechanických snímačov polohy sa tieto nenahradzajú snímačmi elektrickými, ale na určenie polohy v reálnom čase sa používajú rôzne metódy takzvaného odhadovania polohy.

Ide v podstate o numerické vypočítanie polohy rotora elektrického stroja, kedy na základe stavových elektrických veličín ako prúd a napätie, riadiaci mikroprocesor vypočíta danú polohu. Hoci bezsnímačové riadenie, v porovnaní s klasickým riadením s mechanickými snímačmi, prináša so sebou celú radu výhod, jeho úplné nasadenie v dnešnej priemyselnej praxi je ešte stále problematické. Je to spôsobené hlavne tým, že doteraz používané bezsnímačové metódy odhadu polohy nie sú schopné určiť polohu v celej pracovnej oblasti s požadovanou presnosťou. Riešením, v takomto prípade, je spojenie viacerých metód pre rôzne rýchlosťi a tým pokryť celú pracovnú oblasť daného pohonu [5]-[6]. Druhou možnosťou sú dnes vyvíjané metódy, vhodné pre celé spektrum rýchlosťí, ktoré sú založené na injektovaní externého signálu [8]-[16] do napájacieho

napäťia motora, na základe odozvy ktorého je potom možné určiť polohu rotora.

Doterajšie úspechy bezsnímačového riadenia sú spojené hlavne s použitím synchronných a reluktančných motorov, pretože tieto motory sú značne jednoduchšie ako asynchronné motory a majú niektoré parametre podstatne viac závislé na polohe, čo sa dá relatívne jednoducho vysledovať a späťe využiť na určenie polohy. Nevýhoda asynchronných motorov pri použití v bezsnímačovej technike spočíva v ich hladkom rotore, skúze a stratách od prúdu, indukovanom v rotorovom vinutí.

Dnes známe bezsnímačové metódy odhadu polohy môžeme klasifikovať do dvoch základných skupín [8]

- metódy využívajúce iba „základné“, modulované napájanie,
- metódy využívajúce prídavný signál, superponovaný na napájacie napätie.

Tie metódy, ktoré patria do prvej skupiny, nevyžadujú na určenie polohy žiadny externý zdroj signálu, avšak nie sú vo všeobecnosti vhodné pre použitie pri nulových a nízkych rýchlosťach, z dôvodu neschopnosti dostatočne presného určenia amplitúdy a frekvencie signálu v oblasti veľmi nízkych prúdov a frekvencií. Navzdory týmto obmedzeniam, sú však tieto metódy vhodné pre také aplikácie, kde je plne postačujúce spoľahlivé riadenie v oblasti stredných a vysokých rýchlosťí. Do tejto skupiny sa radia metódy využívajúce detekciu spätného elektromagnetického napäťia produkovaného v statoro-vých vinutiach, alebo metódy založené na báze pozorovateľa, kedy sa informácia o polohe rotora získava z matematického modelu motora, bežiaceho paralelne s reálnym motorom. Vstupnými

veličinami takého modelu sú potom skutočné hodnoty napäti a prúdov reálneho motora.

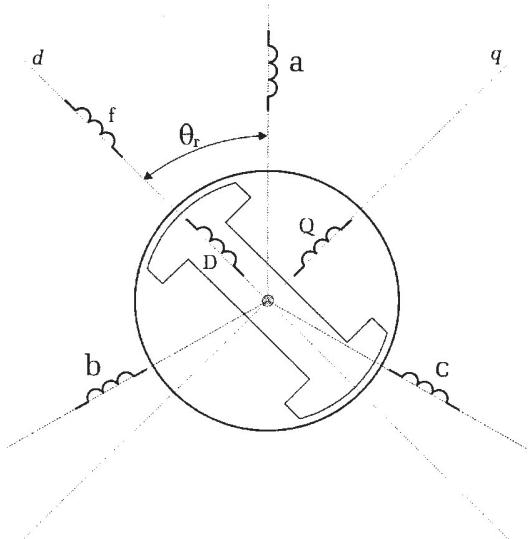
Metódy patriace do druhej skupiny, využívajú na určenie polohy prídavný signál o známej amplitúde a frekvencii, pridaný do napájacieho napäťa motoru.

Na základe modulácie tohto signálu, spôsobenej prúdovou odozvou motoru, sa dá určiť poloha rotora a to v celej pracovnej oblasti.

2. MATEMATICKÝ MODEL SYNCHRÓNNEHO MOTORA S PERMANENTNÝMI MAGNETMI (SMSPM)

Rovnice popisujúce SMSPM vychádzajú zo všeobecnej teórie AC strojov [1], [2] a sú odvodené za predpokladov, ktoré zjednodušujú ich znenie a hlavne ich riešenie. Okrem predpokladov, ktorími sa zanedbávajú vplyvy druhoradého významu (napr.: zanedbanie kapacity medzi vinutiami, zanedbanie vplyvu oteplenia na veľkosť činných odporov a pod.), sa zavádzajú ďalšie predpoklady, ktorími sa zanedbávajú vplyvy podstatnejšie:

- zanedbanie vplyvu magnetického sýtenia,
- činné odpory a indukčnosti vinutí nezávisia na frekvencii,
- vinutia stroja sú rozložené sínusovo po obvode statora



Obr. 1. K modelu synchrónneho motora

Fig. 1. Arrangement of synchronous machine

Napäťové rovnice takého motora zobrazenom na obr. 1 budú mať potom v rotorových súradniach d, q následovný tvar

$$\begin{aligned} u_d &= r_s i_d + L_d \frac{di_d}{dt} - \omega L_q i_q \\ u_q &= r_s i_q + L_q \frac{di_q}{dt} + \omega (L_d i_d + \psi_{PM}) \end{aligned} \quad (1)$$

Stotožnením referenčnej sústavy so statorom, môžeme tieto rovnice prepísat do statorovej sústavy α, β . Napäťové rovnice v maticovej forme budú mať potom tvar [3], [14]

$$\begin{bmatrix} u_\alpha \\ u_\beta \end{bmatrix} = r \begin{bmatrix} i_\alpha \\ i_\beta \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} L_0 + L_1 \cos 2\theta & L_1 \sin 2\theta \\ L_1 \sin 2\theta & L_0 - L_1 \cos 2\theta \end{bmatrix} + \frac{d\theta}{dt} \left(2L_1 \begin{bmatrix} -\sin 2\theta & \cos 2\theta \\ \cos 2\theta & \sin 2\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_\alpha \\ i_\beta \end{bmatrix} + \psi_{PM} \begin{bmatrix} -\sin \theta \\ \cos \theta \end{bmatrix} \right) \quad (2)$$

kde

$$L_0 = \frac{L_d + L_q}{2}, \quad L_1 = \frac{L_d - L_q}{2} \quad (3)$$

L_0 reprezentuje strednú hodnotu indukčnosti statorového vinutia, prepočítanú do $\alpha\beta$ súradníc, v závislosti na polohe rotora;

L_1 reprezentuje rozdiel medzi maximálnou a minimálnou hodnotou indukčnosti statorového vinutia, prepočítanú do $\alpha\beta$ súradníc, v závislosti na polohe rotora;

θ je poloha rotora.

3. BEZSNÍMAČOVÉ URČOVANIE POLOHY NA ZÁKLADE INJEKTOVANIA EXTERNÉHO SIGNÁLU

Metoda určovania polohy rotora na základe injektovania externého signálu je vhodná tak pre asynchronné ako aj pre synchronné stroje a použiteľná pre celú pracovnú oblasť rýchlosťí. Jej potenciálne využitie v praxi sa však viac spája zo synchronnými strojmi. Je to vo veľkej miere dané väčším magnetickým vyjadrením rotora pri synchronných a reluktančných strojoch, ako pri asynchronných. Magnetické vyjadrenie rotora sa v konečnom dôsledku prejaví v zmene buď elektromagnetického poľa alebo strát, v závislosti od polohy rotora. Tieto potom priamo korelujú so zmenou buď indukčnosti alebo rezistivity statorového vinutia. Na základe toho, že indukčnosť sa s teplotou takmer nemení, je oveľa jednoduchšie využívať na určovanie polohy práve zmenu indukčnosti, resp. magnetickej vodivosti, v závislosti od polohy rotora.

Pre správne určenie polohy pri nízkych resp. nulových rýchlosťach, je potrebný stály budiaci signál. Vyššie harmonické, produkované spínaním meniča, by teoreticky mohli byť práve takýmto budiacim signálom. Avšak, hoci tieto spínacie časové harmonické svojim spôsobom vyhovujú požiadavke stáleho budenia stroja, existuje niekoľko dôvodov, prečo sa tieto nevyužívajú na určovanie polohy.

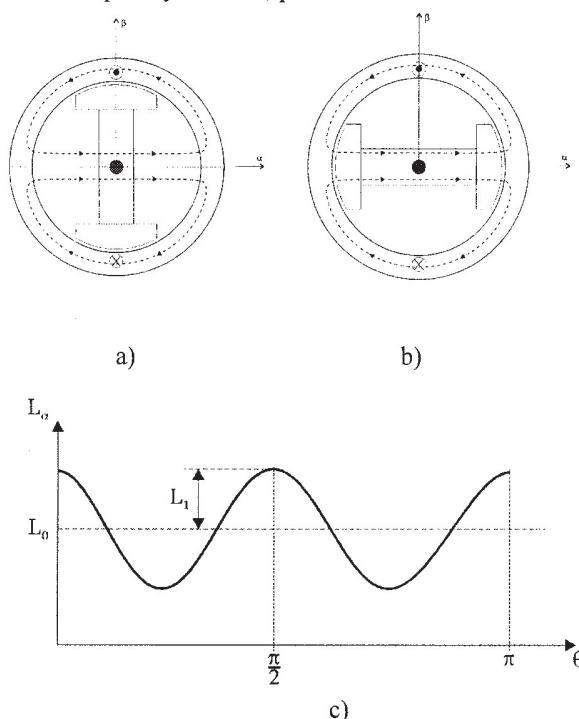
Prvým takýmto dôvodom je závislosť prúdu od zaťaženia motora. V závislosti od veľkosti záťaže sa mení veľkosť statorového prúdu, čo má za následok zmenu v spínaní meniča. Tá sa potom späť prejaví v zmene frekvenčného spektra produkovaného meničom. Nové harmonické už môžu motor vybudzovať takým spôsobom, že spätná analýza amplitúdovej modulácie týchto harmonických sa stane veľmi obtiažnou, ak nie nemožnou. Druhým dôvodom je relatívna zložitosť signálového spracovania spínacích časových harmonických, čo je spôsobené tým, že jednotlivé vyššie harmonické, nie sú vo frekvenčnom spektri vzájomne dostatočne separované. Tým sa stáva separovanie harmonickej, nesúcej informáciu o polohe, značne zložitejšie, čo v konečnom dôsledku môže spôsobiť zníženie presnosti odhadu polohy.

Iný spôsob, akým sa dá dosiahnuť konštantné napájanie stroja, je injektovanie nového, na záťaži a pracovných podmienkach stroja, nezávislého signálu. Takýto signál môže mať potom nasledujúce dve formy:

- tvar rotujúceho vektora,
- tvar statického (pulzujúceho) vektora.

V tomto článku je ukázaný spôsob použitia budiaceho signálu, ktorý má formu rotujúceho napäťového vektora s konštantou amplitúdou a frekvenciou.

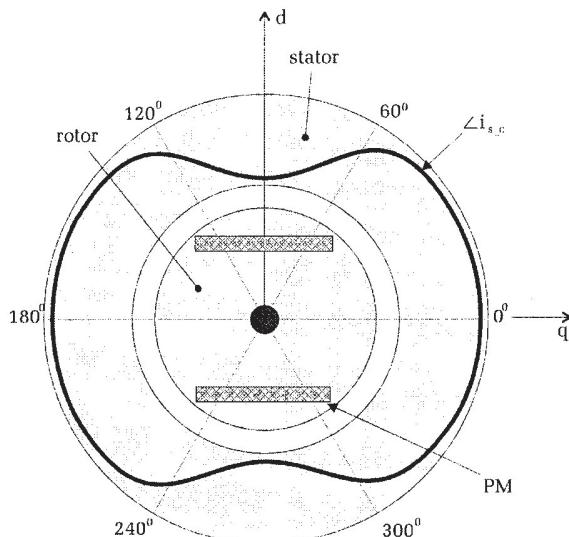
Vychádzajúc z toho, že rotor motora má vyjadrené póly vyplýva, že vlastná indukčnosť statorového vinutia je funkciou polohy rotora θ , podľa obr. 2



Obr. 2. Zmena statorovej indukčnosti L_α v závislosti od polohy rotora motoru s vyjadrenými pólmami: (a) poloha rotora ked' $\theta = \pi/2$; (b) poloha rotora ked' $\theta = 0$; (c) $L_\alpha = f(\theta)$

Fig. 2. Dependency of stator inductance L_α on salient pole motor rotor position at (a) $\theta = \pi/2$; (b) at $\theta = 0$; (c) $L_\alpha = f(\theta)$

Z obr. 2 je zrejmá modulácia statorovej indukčnosti v závislosti od polohy rotora, čo má za následok moduláciu vektoru statorového prúdu, tak ako je znázornené na obr. 3.



Obr. 3. Modulácia vektoru statorového prúdu v priestore
Fig. 3. Modulation of stator current vector

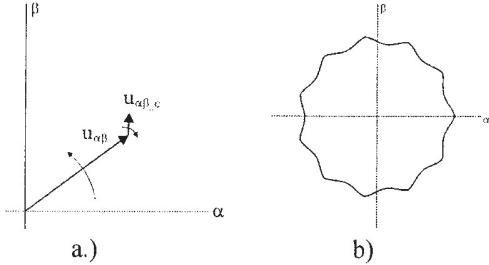
Môžeme teda povedať, že vektor statorového prúdu je amplitúdovo modulovaný na základe magnetického vyjadrenia rotora, čo sa dá efektívne využiť na určenie polohy rotora [7].

Je však potrebné spomenúť, že okrem modulácie vektoru prúdu vplyvom magnetického vyjadrenia rotora, sa v motore objavuje hned niekoľko parazitných modulácií [12]. Diskrétné rozloženie statorového vinutia po obvode statora, nelineárna magnetizačná charakteristika jarma statora aj rotora, neúplná symetria rotora a nesymetrické napájacie napätie a pod., sú faktory, ktoré majú vplyv na výslednú moduláciu vektoru statorového prúdu. Takáto modulácia je nežiaduca hlavne z toho dôvodu, že ju nie je možné použiť na určovanie polohy. To je spôsobené tým, že uvedené faktory vytvárajú takú moduláciu prúdu, ktorá nie je závislá len na polohe rotora, ale aj na zaťažení a na iných pracovných podmienkach motora.

Ako už bolo vyššie spomennuté, spínacie harmonické nie sú veľmi vhodné ako permanentný budiaci signál, na základe ktorého odozvy by bolo možné určovať polohu rotora. Nato, aby bolo možné separovať signál nesúci informáciu o polohe, musí byť tento nezávislý na pracovných podmienkach a záťaži motora. Takýmto signálom môže byť, z vonkajšieho zdroja injektovaný, napäťový (alebo prúdový) signál. Napäťový signál vo forme rotujúceho vektora s konštantou amplitúdou V_{sc} a uhlovou rýchlosťou ω_c môžeme v maticovej forme zapísť ako

$$v_{\alpha\beta_c}^s = \begin{bmatrix} v_{\alpha_c}^s \\ v_{\beta_c}^s \end{bmatrix} = V_{sc} \begin{bmatrix} \cos \omega_c t \\ -\sin \omega_c t \end{bmatrix} = V_{sc} e^{-j\omega_c t} \quad (4)$$

Vektor podľa rovnice (4) opisuje v komplexnej rovine kružnicu, pričom je zrejmé, že takýto vektor má opačný smer točenia ako statorový napäťový vektor z rovnice (2), tak ako ukazuje obr. 4.



Obr. 4. (a) Vektorový súčet statorového napätia a injektovaného signálu; (b) trajektória koncového bodu výsledného vektora

Fig. 4. (a) Sum of stator voltage and injected signal vectors;

(b) trajectory of resulting vector

Vychádzajúc z predpokladu motora s vyjadrenými póltmi budeného vf signálom, podľa rovnice (4), môžeme uvažovať vysokofrekvenčný model motora. V takom prípade sa rovnica statorových napäťí v α, β statorových súradničiach zjednoduší na tvar

$$u_{\alpha\beta_c} \approx L \frac{di_{\alpha\beta_c}}{dt} \quad (5)$$

pričom L je matica indukčnosti motora (podľa rovnice (2)). Integráciou rovnice (5) dostaneme

$$\int u_{\alpha\beta_c} dt = Li_{\alpha\beta_c} \quad (6)$$

z čoho, pri uvažovaní budiaceho signálu podľa (4) a pri zmysle otáčania sa vektorov podľa obr. 4 (a) po úprave vyplýva

$$\frac{V_{sc}}{\omega_c} \begin{bmatrix} \sin \omega_c t \\ \cos \omega_c t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} L_0 + L_1 \cos 2\theta & L_1 \sin 2\theta \\ L_1 \sin 2\theta & L_0 - L_1 \cos 2\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{\alpha_c} \\ i_{\beta_c} \end{bmatrix} \quad (7)$$

takže vyjadrením prúdov môžeme vysledovať prúdový odozv motoru na daný vf napäťový signál [7]. Teda riešením rovnice (7) pre i_{α_c} dostaneme

$$\begin{aligned} i_{\alpha_c} &= \\ &= \frac{(L_0 - L_1 \cos 2\theta) \left(\frac{V_{sc}}{\omega_c} \sin \omega_c t \right) - (L_1 \sin 2\theta) \left(\frac{V_{sc}}{\omega_c} \cos \omega_c t \right)}{(L_0 + L_1 \cos 2\theta)(L_0 - L_1 \cos 2\theta) - (L_1 \sin 2\theta)(L_1 \sin 2\theta)} = (8) \\ &= \frac{V_{sc}}{\omega_c} \left(\frac{L_0 \sin \omega_c t - L_1 \sin(2\theta + \omega_c t)}{L_0^2 - L_1^2} \right) \end{aligned}$$

analogicky pre i_{β_c}

$$\begin{aligned} i_{\beta_c} &= \\ &= \frac{(L_0 + L_1 \cos 2\theta) \left(\frac{V_{sc}}{\omega_c} \cos \omega_c t \right) - (L_1 \sin 2\theta) \left(\frac{V_{sc}}{\omega_c} \sin \omega_c t \right)}{(L_0 + L_1 \cos 2\theta)(L_0 - L_1 \cos 2\theta) - (L_1 \sin 2\theta)(L_1 \sin 2\theta)} = (9) \\ &= \frac{V_{sc}}{\omega_c} \left(\frac{L_0 \cos \omega_c t + L_1 \cos(2\theta + \omega_c t)}{L_0^2 - L_1^2} \right) \end{aligned}$$

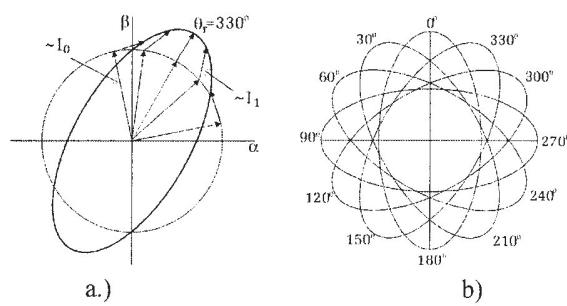
Úpravou a zapísaním rovníc (8), (9) do maticovej formy dostaneme

$$\begin{bmatrix} i_{\alpha_c} \\ i_{\beta_c} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_0 \sin \omega_c t - I_1 \sin(2\theta + \omega_c t) \\ I_0 \cos \omega_c t + I_1 \cos(2\theta + \omega_c t) \end{bmatrix} \quad (10)$$

kde

$$I_0 = \frac{V_{sc}}{\omega_c} \left(\frac{L_0}{L_0^2 - L_1^2} \right), \quad I_1 = \frac{V_{sc}}{\omega_c} \left(\frac{L_1}{L_0^2 - L_1^2} \right) \quad (11)$$

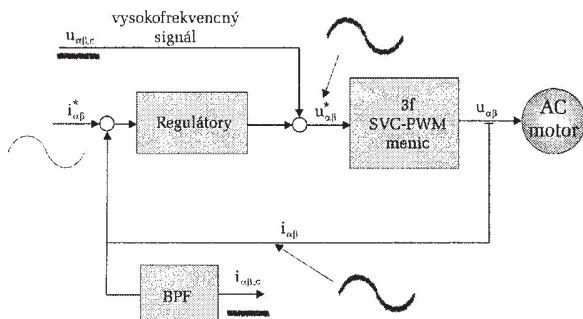
takže vidíme, že výsledný vf prúd sa skladá z dvoch zložiek, točiacich sa každá inou rýchlosťou a navyše navzájom opačným smerom. Tzv. „sú sledná“, priama zložka prúdu, s rovnakým zmyslom točenia akým sa točí vf budiaci napäťový vektor, je úmerná strednej hodnote indukčnosti statora L_0 . Je to v podstate prúd, ktorý by pretekal statorovým vinutím, keby bol rotor hladký a symetrický. Táto zložka prúdu teda neobsahuje žiadnu užitočnú informáciu o polohe rotora. Naopak, spätná zložka prúdu, točiaca sa opačne ako sa točí vf budiaci napäťový vektor je úmerná rozdielu medzi maximálnou a minimálnou hodnotou indukčnosti statorového vinutia s uvažovaním vplyvu rotora L_1 . Táto zložka prúdu obsahuje informáciu o polohe rotora. Z tohto vyplýva potreba vzájomnej separácie obidvoch zložiek a následné potlačenie pozitívnej zložky. Krivka, ktorú vytvorí vektor podľa rovnice (10), opisuje v pries-tore elipsu. Táto v podstate rotuje synchronne s ro-torom, teda sleduje polohu pôlov rotora.



Obr. 5. Obalová krivka vektoru vf prúdu: (a) počas periody vf signálu pri konštantnej polohe $\theta_r = 330^\circ$; (b) pri krokovanej polohe θ_r s krokom 30°

Fig. 4. Cycloid-shape hf current vector: (a) during one period at $\theta_r = 330^\circ$; (b) 30° position stepping

V reálnom zapojení sa injektovanie vf budiaceho signálu realizuje tak, že sa rotujúci napäťový vektor transformovaný do ortogonálnej sústavy pripočíta k žiadanejmu statorovému napäťovému vektoru, ktorý je generovaný prudovými regulátormi v statorových $\alpha\beta$ súradniach, tak ako je zobrazené na obr. 6.

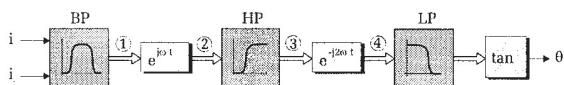


Obr. 6. Injektovanie vf signálu do napäťia motora
Fig. 6. Injection of hf signal into motor voltage

Výsledný vektor je teda žiadaný napäťový vektor pre SVC-PWM [16] algoritmus meniča. Z toho vyplýva, že vzorkovacia frekvencia meniča ($f_p=1/T_p$) musí byť, podľa Shannon-Kotelnikovho teóremu, vyššia ako dvojnásobok hornej medznej frekvencie vzorkovaného signálu, teda vf injektovaného signálu. Táto podmienka je nutná, avšak vo väčšine prípadov nie postačujúca. Dostatočne presných výsledkov je možné dosiahnuť pri vzorkovaní 1°el. z maximálnej vzorkovanej frekvencie.

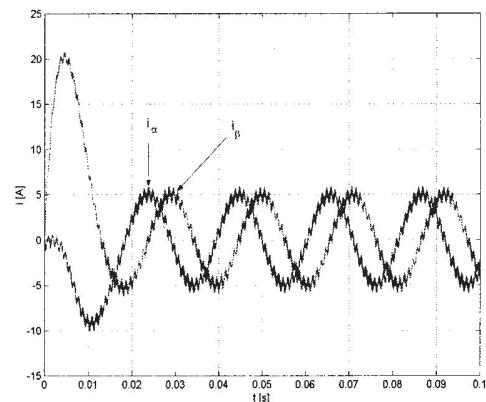
4. ODSTRÁNENIE PRIAMEJ ZLOŽKY VEKTORA VF PRÚDU

Tak ako bolo už spomenuté, pre správny odhad polohy rotora musí byť signál, obsahujúci informáciu o polohe, čo možno najviac separovať od všetkých ostatných rušivých signálov. Vhodným výberom frekvencie vf signálu môžeme tento separovať od spínacích časových harmonických meniča a pra-covných frekvencií motora. Ďalej je potrebné potlačiť priamú zložku vektora vf prúdu, keďže táto nenesie žiadnu informáciu o polohe, obr. 7



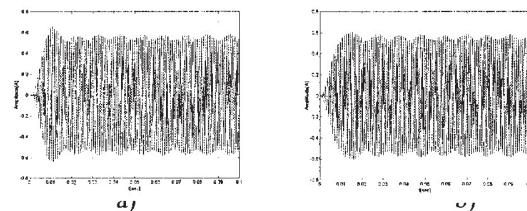
Obr. 7. Princíp filtrovania pozitívnej zložky vf prúdu
Fig. 7. Filtering of hf current positive component

Statorový prúd motora v ortogonálnych súradniach (obr. 8) vstupuje do filtra, ktorý pracuje ako pásmový prieupust (BP-Band Pass).



Obr. 8. Statorový prúd v $\alpha\beta$ súradniach
Fig. 8. Stator current in $\alpha\beta$ coordinates

Tento filter prepúšťa vf zložky statorového prúdu $i_{\alpha\beta-c}$, pričom potláča základný prúd (prúd s pracovou frekvenciou) i_s . Po filtrácii vf prúdu v ortogonálnej sústave, dostaneme dva prúdy $i_{\alpha-c}$ a $i_{\beta-c}$, ktoré sú amplitúdovo modulované, tak ako je zobrazené na obr. 9.



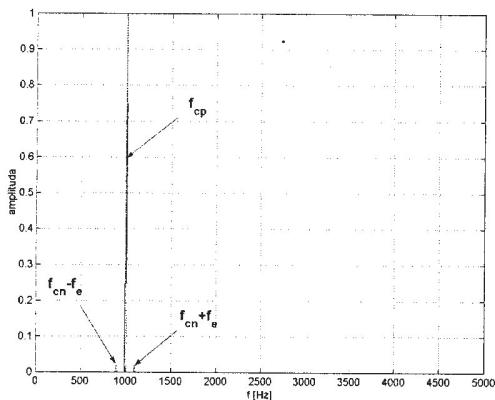
Obr. 9. Časové závislosti prúdov v ortogonálnych súradniach za BP filtrom; (a) $i_{\alpha-c}$; (b) $i_{\beta-c}$
Fig. 9. Time dependencies of current after BP filter;
(a) $i_{\alpha-c}$; (b) $i_{\beta-c}$

Podľa obr. 5 vidíme, že modulácia prúdu nastáva pre každú pôlovú dvojicu dva krát počas jednej otáčky rotora. Takže modulačná frekvencia vf prúdu (f_e) je

$$f_e = 2 * f_r = 2 * \frac{\omega_r \cdot p}{2\pi} = \frac{\omega_r \cdot p}{\pi} \quad (12)$$

teda je priamoúmerná uhlovej rýchlosťi rotora (ω_r).

Po prevedení závislostí podľa obr. 9 z časovej do frekvenčnej oblasti (obr. 10), vidíme typické spektrum amplitúdovo modulovaného signálu, teda nosnú frekvenciu (pozitívna zložka vektora vf prúdu - f_{cp}) a dve postranné frekvencie, ktoré reprezentujú modulačný signál.



Obr. 10. Frekvenčné spektrum α zložky vf signálu za BP filtrom

Fig. 10. Frequency spectrum of hf signal after BP filter

Násobením signálu podľa obr. 10 výrazom $e^{j\omega_c t}$, sa v podstate vf prúdový vektor $i_{\alpha\beta-c}$ transformuje do ortogonálnej sústavy, ktorá rotuje uhlovou rýchlosťou ω_c (teda rovnakou ako nosná vf signálu). Keďže smer rotácie postranných frekvencii je opačný ako smer rotácie nosnej, tieto sa posunú vo frekvenčnej oblasti opačným smerom ako nosná, teda do vyšších frekvencii. Jednoduchým hornopriepustným filtrom sa odstráni pozitívna zložka (nosná frekvencia). Ďalším násobením signálu výrazom $e^{-j2\omega_c t}$ dosiahneme transformáciu zostávajúcej negatívnej zložky vf prúdu do ortogonálnej sústavy, ktorá rotuje uhlovou rýchlosťou $2*\omega_c$ a má rovnaký smer rotácie ako negatívna zložka. Výsledný signál po takejto transformácii môže byť ešte upravený dolným pripustom LP (Low Pass). Tako upravená negatívna zložka vf prúdu potom vstupuje, rozdelená do $\alpha\beta$ zložiek, do bloku funkcie arcus tangens , kde sa vypočíta výsledná poloha rotora podľa vzťahu

$$\theta_r = \tan^{-1} \frac{i_\alpha}{i_\beta} \quad (13)$$

5. VÝBER FREKVENCIE A AMPLITÚDY VF SIGNÁLU

Kedže neexistuje presné pravidlo (resp. zákon), na základe ktorého by sa dala frekvencia vf injektovaného signálu určiť exaktne, stáva sa toto pomerne náročnou úlohou. Dá sa doslova povedať, že daná frekvencia vf signálu je vhodná pre jeden konkrétny pohon, čo znamená, že pre každý iný pohon by sa mala zvlášť vybrať iná frekvencia vf signálu. Teoreticky však môžeme predpokladať, že frekvencia daného vf signálu bude závisieť najmä od spínacej frekvencie meniča (f_p), rozsahu základných pracovných frekvencii pohonu a nakoniec aj od „veľkosti“ magnetického vyjadrenia rotora (L_d/L_q). V podstate platí fakt, že čím viac je frekvencia vf signálu vo frekvenčnom spektre vzdialenosť od obidvoch (spínacích aj pracovných) frekvencii, tým jednoduchšia je jej separácia. To znamená použitie jednoduchšieho filtra, ktorý je veľmi citlivou

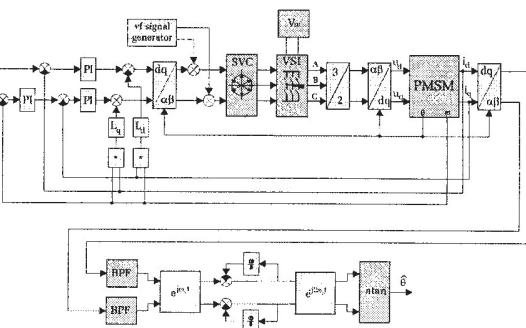
časťou v celom procese odhadovania polohy, nakoľko od jeho vlastností závisí presnosť a spoľahlivosť metódy ako takej.

Uvažujme konštantnú amplitúdu injektovaného vf signálu. Potom platí, že so zvyšujúcou sa frekvenciou budiaceho signálu, tento vplyvom skin efektu produkuje menej magnetického toku prechádzajúceho vzduchovou medzerou na rotor, kde dochádza k jeho modulácii. Toto sa späť prejaví v menšej modulácii vf prúdu, čím priamoúmerne klesá presnosť odhadu polohy rotora. Takže môžeme povedať, že pri pracovnej oblasti rýchlosťi motora do $\sim 300 \text{ rad.sec}^{-1}$ a pri spínacích frekvenciach meniča $\sim 10 \text{ kHz}$, je rozsah použiteľných frekvencií vf signálu $\sim 500 \text{ Hz}-3\text{kHz}$.

Pre amplitúdu vf signálu platí, že čím je amplitúda väčšia, tým viac toku vytvoreného vf signálom prechádza na rotor a tým je modulácia vf prúdu väčšia. Avšak tiež platí, že so zvyšujúcou sa amplitúdou sa viac prejavuje negatívny vplyv vf signálu na vyvájaný moment motoru, čím sa znižuje stabilita a účinnosť pohunu. V zásade, tak ako frekvencia, sa aj amplitúda volí empiricky a to v rozsahu $\sim 2\text{V}-15\text{V}$.

6. SIMULAČNÉ EXPERIMENTY

Simulačné experimenty s opísanou metódou boli vykonané v simulačnom prostredí MATLAB – Simulink.



Obr. 11. Schéma bezsnímačového určovania polohy rotora SMSPM s injektovaním vf signálu

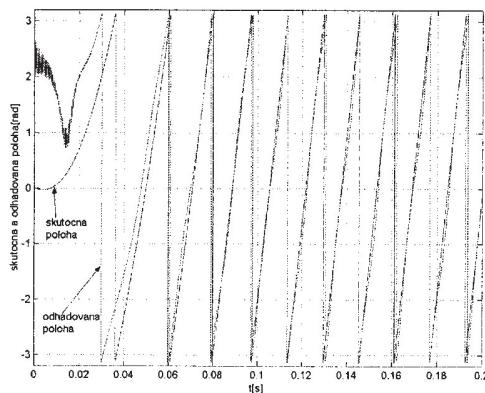
Fig. 11. Scheme of sensorless control for PMSM rotor position determination using hf signal

Na obr. 11 je znázornená simulačná schéma, ktorá bola použitá na simulačiu metódy injektovania vf signálu. Vidíme, že celá schéma môže byť v podstate rozdelená do dvoch funkčne nezávislých častí. Prvú časť tvorí model SMSPM napájaného z trojfázového napäťového meniča. Menič je spínaný na základe SVC stratégie spínania, pričom referenčná hodnota statorových napätií v ortogonálnych $\alpha\beta$ súradničiach sa získá z prúdových regulátorov v regulačnej časti. Druhú časť tvorí model obvodu, ktorý z vektora statorového prúdu separuje negatívnu zložku prúdu obsahujúcu informáciu o polohe rotora.

Tab. 1 Parametre motora použitého v simulácii

počet pólov	2p	4
odpor statorového vinutia	r	1.1Ω
synchrónna indukčnosť v osi d	L_d	4.73 mH
synchrónna indukčnosť v osi q	L_q	4.5 mH
výkon	P	750W
otáčky	n	1500 ot.min ⁻¹
tok permanentných magnetov	Ψ_{PM}	0.096 Wb
moment zotrvačnosti	J	0.0012 kg.m ²
modulačná períoda	T_p	100 µs

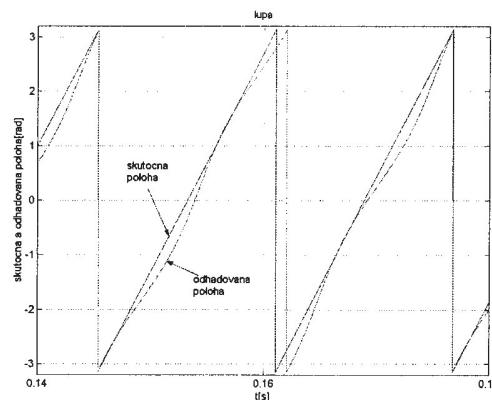
Na obr. 12 sú zobrazené výsledky simulácie odhadu polohy metódou injektovania vf signálu pre motor s parametrami podľa tab. 1. Na začiatku simulácie je zrejmá veľká chyba vo vypočítanej polohe. Je to spôsobené tým, že sa motor rozbieha na žiadanú rýchlosť, teda nie je v ustálenom stave. To znamená významné posuny harmonických vo frekvenčnom spektre a teda separácia signálu, obsahujúceho informáciu o polohe je veľmi obtiažná. K tejto chybe na začiatku simulácie však prispieva aj oneskorenie vstupných pásmových pripustov, ktoré je tým menšie čím je menší rád obidvoch filtrov.



Obr. 12. Výsledok simuláčneho experimentu určenia polohy rotora SMSPM

Fig. 12. Simulation experiment result of PMSM rotor position determination

Detail priebehu aktuálnej a odhadovej polohy rotora je ukázaný na obr. 13.



Obr. 13. Detail priebehu určenia polohy z obr. 12
Fig. 13. Determination of position by Fig. 12 in detail

7. ZÁVER

Článok sa zaobráva aplikáciou bezsnímačových metód odhadovania polohy v riadení pohonov s SMSPM. Približuje spôsob určenia polohy rotora bez použitia mechanických snímačov, ale zároveň naznačuje ešte stále pretrvávajúce problémy zabráňajúce úplnému nasadeniu týchto metód v prie-myselnej praxi. V článku sú uvedené základné fakty a teoretické odvodenia, potrebné k úspešnému aplikovaniu bezsnímačových algoritmov na vybraný pohon. Ďalej sú prezentované simulačné experimenty, ktoré boli vykonané v prostredí MATLAB. Dosiahnuté simulačné výsledky len potvrdzujú možné úspešné nasadenie tejto metódy na určovanie polohy na reálnom modeli pohonu. Presnosť odhadu je ovplyvnená viacerými faktormi, avšak značný vplyv na presnosť má vstupný filter. To znamená, že jeho návrhu je potreba venovať primeranú pozornosť. Autori ďalej pracujú na reálnom zapojení a overovaní bezsnímačového riadenia v praxi.

Poděkování. Autori vyjadrujú vdaku vedeckej grantovej agentúre VEGA Ministerstva školstva SR za financovanie výskumného projektu č. 1/8259/01 "Výskum bezsnímačových metód na určovanie polohy rotora so zamieraním na pohon so SMSPM motorom a maticovým meničom", v rámci ktorého prezentovaný príspevok vznikol.

LITERATÚRA

- [1] ADKINS, B. - HARLEY, R. G.: *The General Theory of Alternating Current Machines: Application to Practical Problems*. Chapman and Hall London Publications (UK), 1975
- [2] PARK, R. H.: *Two-reaction Theory of Synchronous Machine*. G.E. prehľad (USA), 1929, s. 332
- [3] VAS, P.: *Electrical Machines and Drives; A Space-Vector Theory Approach*. Oxford Science Publications (UK), 1992

- [4] VAS, P.: *Sensorless Vector and Direct Torque Control*. Oxford Science Publications (UK), 1998
- [5] KANEKO, D. – IWAIJI, Z. - SAKAMOTO, K. – ENDO, T.: *Initial Rotor Position Estimation of the Interior Permanent Magnet Synchronous Motor*. V zborníku z konferencie PCC'02, Osaka (JP), apríl 2002
- [6] DOBRUCKÝ, B. – FILKA, R. - ABDALMULA, M.A.R. – HOLČEK, R.: *A New Optimisation Algorithm of Position Estimation for Zero- and Low Speed Range Using Magnetic Saliency Method*. V zborníku z konferencie EPE-PEMC'02, Dubrovník (HR), september 2002
- [7] FILKA, R. : *Bezsímačové určovanie polohy rotora synchronného motora s PM so zameraním na metódu injektovania vf signálu*. Písomná práca k dizertačnej skúške, EF Žilina, marec 2002
- [8] LORENZ, R. D. : *Sensorless, Drive Control Methods for Stable, High Performance, Zero Speed Operation*. V zborníku z konferencie EPE-PEMC'00, Košice (SK), september 2000
- [9] DEGNER, M. W. – LORENZ, R. D. : *Position Estimation in Induction Machines Utilizing Rotor Bar Slot Harmonics and Carrier-Frequency Signal Injection*. IEEE Transactions on IA, zv. 36, č. 3, máj/jún 2000
- [10] JANSEN, P. L. - CORLEY, M. J. - LORENZ, R. D.: *Flux, Position, and Velocity Estimation in AC Machines at Zero and Low Speed via Tracking of High Frequency Saliencies*. V zborníku z konferencie EPE'95, Sevilla (ES), september 1995
- [11] JANSEN, P. L. - LORENZ, R. D.: *Transducerless Position and Velocity Estimation in Induction and Salient AC Machines*. IEEE Transactions on IA, zv. 31, č. 2, marec/apríl 1995
- [12] DEGNER, M. W. – LORENZ, R. D. : *Using Multiple Saliencies for the Estimation of Flux, Position, and Velocity in AC Machines*. IEEE Transactions on IA, zv. 34, č. 5, september/október 1998
- [13] BRIZ, F. - DIEZ, A. - DEGNER, M. W. : *Dynamic Operation of Carrier-Signal-Injection-Based Sensorless Direct Field-Oriented AC Drives*. IEEE Transactions on IA, zv. 36, č. 5, september / október 2000
- [14] TESKE, N. - ASHER, G. M. - SUMNER, M. - BRADLEY, K.J. : *Encoderless Position Control of Induction Machine*. V zborníku z konferencie EPE 2001, Graz, (AT), august 2001
- [15] TESKE, N. - ASHER, G. M. - SUMNER, M. - BRADLEY, K.J. : *Suppression of Saturation Saliency Effect for the Sensorless Position Control of Induction Motor Drives under Loaded Conditions*. IEEE Transactions on IA, zv. 47, č. 5, október 2000
- [16] TESKE, N. : *Space Vector Modulation*. Výskumná správa, PEMC Group, University of Nottingham (UK), november 2000